

Récap formules :

Cours 1 :

Masse d'un seul atome	Masse d'un atome = $\frac{\text{Masse molaire}}{\text{Nombre d'Avogadro}} \text{g}$
Masse relativiste d'une particule	$m(\text{nouvelle}) = \frac{m_0(\text{initiale})}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$
Energie d'une particule	$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = \frac{20.10^{-26}}{\lambda} \text{Joule}$
Energie d'une particule (eV)	$E = \frac{1240}{\lambda} \text{eV}$
Masse dynamique d'une onde (Einstein)	$m = \frac{h}{\lambda c}$
Longueur d'onde d'une particule (De Broglie)	$\lambda = \frac{h}{mv}$
Energie d'un électron dans l'atome (hydrogène)	$W_n = -13,6 \frac{1}{n^2} \text{eV}$
Energie d'un électron général dans l'atome	$W_n = -13,6 \frac{(Z-\sigma)^2}{n^2} \text{eV}$

Cours 2 :

Photons de fluorescence	Après excitation : $E = h\nu = W_i - W_j $	Après ionisation : $E = h\nu = W_i $																		
Electrons de Auger	Après excitation : $T = h\nu - W_x = W_i - W_j - W_x $	Après ionisation : $T = h\nu - W_x = W_i - W_x $																		
Nombre de photons transmis	$N(x) = N(0)e^{-\mu x}$																			
Nombre de photons transmis avec la loi	$N(x) = N(0)e^{-\frac{\mu}{\rho} \rho x}$																			
CDA	$CDA = \frac{\ln(2)}{\mu} \approx \frac{0,7}{\mu}$																			
Evolution des CDA	<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>N(x)/N(0)</th> <th>%</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>CDA</td> <td>1/2</td> <td>50</td> </tr> <tr> <td>2 x CDA</td> <td>(1/2)²</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>3 x CDA</td> <td>(1/2)³</td> <td>12,5</td> </tr> <tr> <td>n x CDA</td> <td>(1/2)ⁿ</td> <td></td> </tr> <tr> <td>10 x CDA</td> <td>1/1024</td> <td>0,1</td> </tr> </tbody> </table> $N(k.CDA) = \frac{N(0)}{2^k}$	x	N(x)/N(0)	%	CDA	1/2	50	2 x CDA	(1/2) ²	25	3 x CDA	(1/2) ³	12,5	n x CDA	(1/2) ⁿ		10 x CDA	1/1024	0,1	
x	N(x)/N(0)	%																		
CDA	1/2	50																		
2 x CDA	(1/2) ²	25																		
3 x CDA	(1/2) ³	12,5																		
n x CDA	(1/2) ⁿ																			
10 x CDA	1/1024	0,1																		
Effet photo-électrique	$T = h\nu - W_i $																			
Proba interaction	$\tau = k\rho \frac{z^3}{(h\nu)^3}$	$\frac{\tau}{\rho} = k \frac{z^3}{(h\nu)^3}$																		
Effet Compton	$T = h\nu_1 - W_i $ $h\nu_1 = T + W_i + h\nu_2$																			

Cours les rayons X :

Flux des rayons X	$k_i Z U^2 / 2 = k_i Z U \cdot E_{\max} / 2 = K_i Z U^2$
La puissance consommée (i= intensité courant anodique, U= haute tension)	$P = U i$
Rendement	Flux/ puissance = $K_i Z U^2 / U i = K Z U$

Cours RMN/IRM :

Contraste	$L - L_{\text{fond}} / L_{\text{fond}} = L \text{ lésion} - L \text{ tissu sain} / L \text{ tissu sain}$ $C = L_a - L_b / L_a + L_b$
Vitesse angulaire	$\omega = \gamma B_0$
Correspond à la fréquence de Larmor	$\omega = 2\pi \nu$
Fréquence de Larmor	$\nu = \gamma B_0 / 2\pi$
Moment magnétique globale	$\mu = \gamma \hbar$

Radioactivité :

Alpha	$\Delta M = \mathcal{M}(A, Z) - \mathcal{M}(A - 4, Z - 2) - \mathcal{M}(4, 2)$ $E = \Delta M \cdot 931,5 \text{ MeV}$
Béta -	$\Delta M = \mathcal{M}(A, Z) - \mathcal{M}(A, Z + 1)$ $E = \Delta M \cdot 931,5 \text{ MeV}$
Béta +	$\Delta M = \mathcal{M}(A, Z) - \mathcal{M}(A, Z - 1) - 2m_e$ Seuil de 1,022 MeV (soit $\Delta M > 2m_e$) $E = \Delta M \cdot 931,5 \text{ MeV}$
CE	$E_d = [\mathcal{M}(A, Z) - \mathcal{M}(A, Z - 1)] \times c^2 - E_i$ — Energie de liaison de l'e ⁻ capturé $E = \Delta M \cdot 931,5 \text{ MeV}$
Gamma	$\Delta M = \mathcal{M}(A_m, Z) - \mathcal{M}(A, Z)$ $E = \Delta M \cdot 931,5 \text{ MeV}$
Conversion interne	$\Delta M = \mathcal{M}(A_m, Z) - \mathcal{M}(A, Z)$ $E_e(\text{électron}) = E_d - E_i$ $E_d = \Delta M \times 931,5$ Energie rendue disponible par la réaction — Energie de liaison

Noyau :

Défaut de masse	$\Delta M = \text{somme masse nucléons} - \text{la masse totale du noyau}$																																				
Energie de liaison en joule	$E_l = \Delta M \text{ (kg)} \cdot c^2 \text{ J.}$																																				
Energie de liaison en MeV	$E_l = 931,5 \cdot \Delta M \text{ (u)} \text{ MeV}$																																				
Fusion/Fission	<p>Exemple de $^{235}_{92}\text{U}$</p> <p>Calcul de l'énergie libérée (via l'évolution des E_l)</p> <table style="margin-left: 20px;"> <tr> <td>$1n$</td> <td>$+ \text{}^{235}_{92}\text{U}$</td> <td>$\rightarrow$</td> <td>$\text{}^{140}_{54}\text{Xe}$</td> <td>$+ \text{}^{93}_{38}\text{Sr}$</td> <td>$+ 3n$</td> </tr> <tr> <td>$E_{l/A}$</td> <td>0</td> <td></td> <td>7,5</td> <td>8,2</td> <td>8,5</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$\times 235$</td> <td></td> <td>$\times 140$</td> <td>$\times 93$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$E_l \text{ (}\Delta M\text{)}$</td> <td>0</td> <td></td> <td>1762,5</td> <td>1448</td> <td>790,5</td> </tr> <tr> <td>Total avant</td> <td colspan="2">= 1762,5 MeV</td> <td colspan="3">après = 1938,5 MeV</td> </tr> <tr> <td></td> <td colspan="5" style="text-align: center;">$\Delta E_l = 1938,5 - 1762,5 = 176 \text{ MeV}$</td> </tr> </table>	$1n$	$+ \text{}^{235}_{92}\text{U}$	\rightarrow	$\text{}^{140}_{54}\text{Xe}$	$+ \text{}^{93}_{38}\text{Sr}$	$+ 3n$	$E_{l/A}$	0		7,5	8,2	8,5		$\times 235$		$\times 140$	$\times 93$		$E_l \text{ (}\Delta M\text{)}$	0		1762,5	1448	790,5	Total avant	= 1762,5 MeV		après = 1938,5 MeV				$\Delta E_l = 1938,5 - 1762,5 = 176 \text{ MeV}$				
$1n$	$+ \text{}^{235}_{92}\text{U}$	\rightarrow	$\text{}^{140}_{54}\text{Xe}$	$+ \text{}^{93}_{38}\text{Sr}$	$+ 3n$																																
$E_{l/A}$	0		7,5	8,2	8,5																																
	$\times 235$		$\times 140$	$\times 93$																																	
$E_l \text{ (}\Delta M\text{)}$	0		1762,5	1448	790,5																																
Total avant	= 1762,5 MeV		après = 1938,5 MeV																																		
	$\Delta E_l = 1938,5 - 1762,5 = 176 \text{ MeV}$																																				

Radiobiologie :

Débit de fluence	$\varphi = dE / dt$ W
Eclairement énergétique	$E_e = d\varphi / dS$ IR = $d\varphi / (d\Omega \cdot d^2)$ W/m ²
Dose absorbée	$D = E / dm$ (unité de masse en kg) Grays ou J/kg
Dose équivalente	$H = D \cdot W_r$ (facteur dangerosité) Sv
Dose efficace	$E = H \cdot \text{somme } W_t$ (sensibilité tissus) Sv

Loi cinétique :

Constante radioactive	$P(dt) = \lambda \cdot dt$
Evolution du nombre de noyau	$N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$
Nombre de noyaux restants à t	$N(1/\lambda) = N_0 \cdot 0,37$
Nombre de noyaux en fonction de T	$N(T) = N_0 / 2$
Période radioactive T	$T = \ln 2 / \lambda = 0,693 / \lambda$
Période effective	$\frac{1}{T_{eff}} = \frac{1}{T_{physique}} + \frac{1}{T_{biologique}}$
Activité d'un radioélément	$A(t) = \lambda \cdot N(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$
Masse d'un radioélément	$M(t) = N(t) \cdot \frac{M}{N_{Avog}} = \frac{A(t)}{\lambda} + \frac{M}{N_{Avog}} = \frac{M}{N_{Avog}} \cdot \frac{A(t) \cdot T}{\ln 2}$
T max	$T_{max} = \frac{\ln 2}{\lambda} - \frac{\ln 2}{\lambda}$

Radiothérapie :

Dose totale reçue	$D_{tot} = D \cdot N$ (dose délivré * nombre séance)
Durée du traitement (t=intervalle=)	$Durée = (N-1) \cdot t$