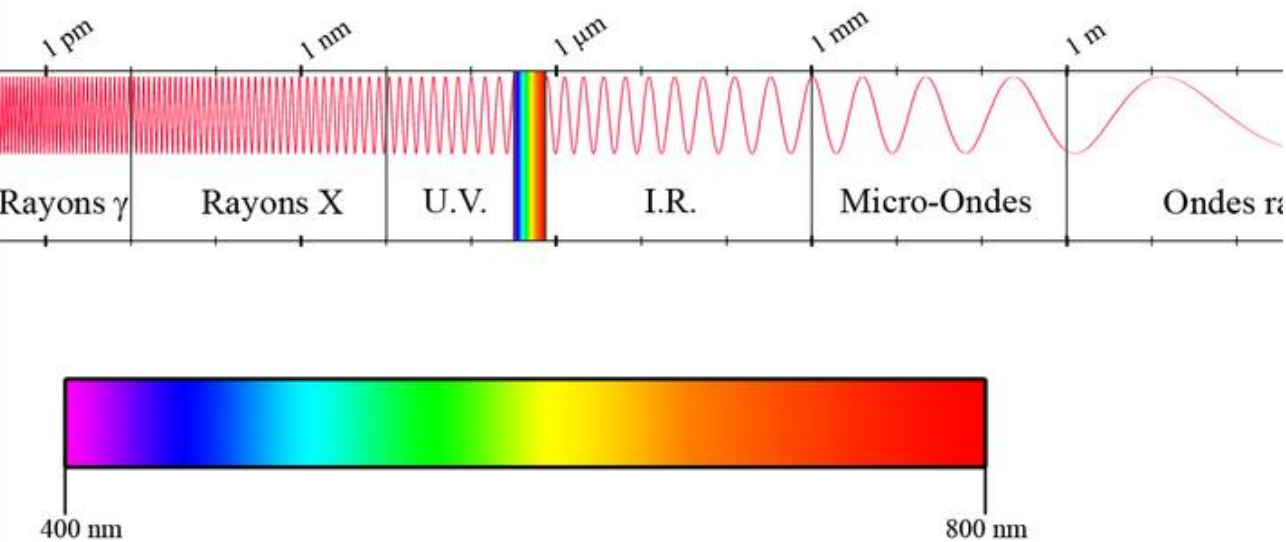


# LES ONDES



# Introduction

**Onde** = Phénomène vibratoire qui oscille au cours du temps et qui se propage.

2 Familles :

→ **Mécaniques** : Besoin d'un milieu matériel pour se propager

→ **Electromagnétiques** : Pas besoin d'un milieu

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

*La source influe sur la perturbation*  
*Le milieu influe sur la vitesse de l'onde*

Mode Longitudinal = Ondes Compression



Mode Transversal = Ondes de cisaillement



# a. Vitesse de propagation

$$v = \sqrt{\frac{KL}{\mu}}$$

K = Raideur du ressort en N.m<sup>-1</sup>

L = Allongement en m

μ = masse linéique en kg.m<sup>-1</sup>

Cas d'un ressort tendu



- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

$$v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

T = Tension de la corde en N

L = Longueur de la corde en m

μ = masse linéique en kg.m<sup>-1</sup>

Cas d'une corde tendue

# c. Ondes progressives à 1D

Equation d'Alembert :

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$

Ce type d'équation admet une solution générale sous forme de deux fonctions :

$$\psi(x, t) = f\left(t - \frac{x}{v}\right) + g\left(t + \frac{x}{v}\right)$$

On a une onde qui se propage dans une seule dimension sans amortissement.

Les interférences :

→ **Constructives** : Amplitude augmentée

→ **Destructives** : Amplitude diminuée

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers





## d. Impédance

**Impédance = Résistance du milieu au passage de l'onde.**

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

$$Z = \frac{T}{v} = \sqrt{T\mu} = \mu v$$

Calcul de l'impédance

Z s'exprime en  $\text{kg.s}^{-1}$

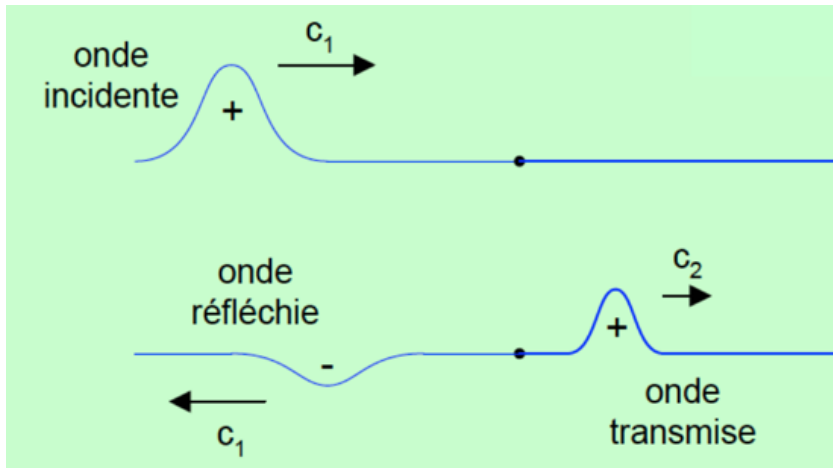
Onde	Milieu	Impédance
Pression (onde sonore)	Gaz	$Z = \rho_0 c_s \propto (P_0 \rho_0)^{1/2}$ $\approx 414 \text{ kg.m}^2.\text{s}^{-1}$
EM	Vide	$Z_0 = (\mu_0 / \epsilon_0)^{1/2} = \mu_0 c$ $\approx 376,73 \text{ } \Omega$
Onde électrique	Ligne à transmission (câble coaxial)	$Z_c = (L/\Gamma)^{1/2}$ $\approx 50 \text{ } \Omega$



# e. Réflexion et Transmission

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

Cas 1 :  $Z_2 > Z_1 \Leftrightarrow \mu_2 > \mu_1 \Leftrightarrow c_2 < c_1$

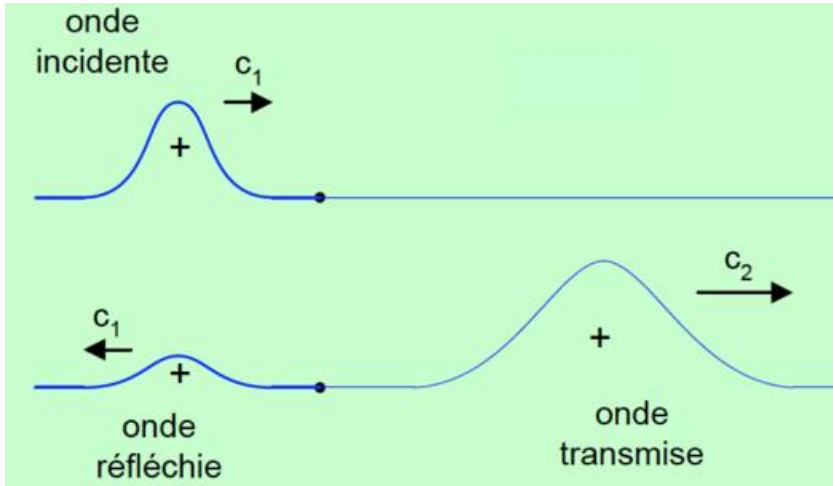


**Réflexion partielle avec changement de signe.**



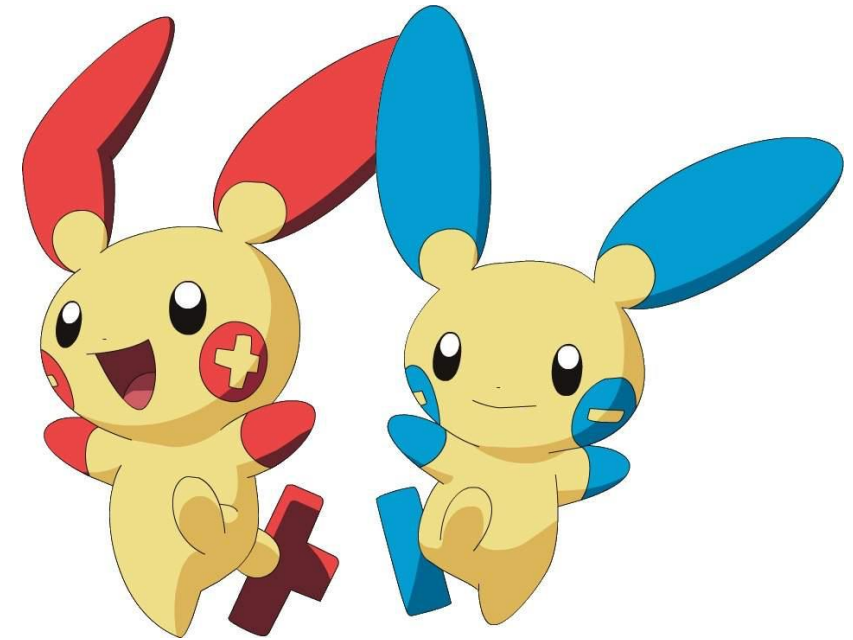
## e. Réflexion et Transmission

Cas 2 :  $Z_1 > Z_2 \Leftrightarrow \mu_1 > \mu_2 \Leftrightarrow c_1 < c_2$



**Réflexion partielle sans changement de signe.**

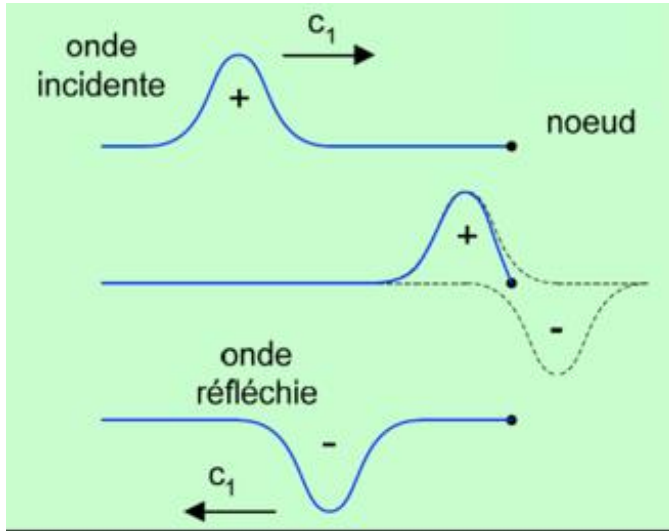
- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers



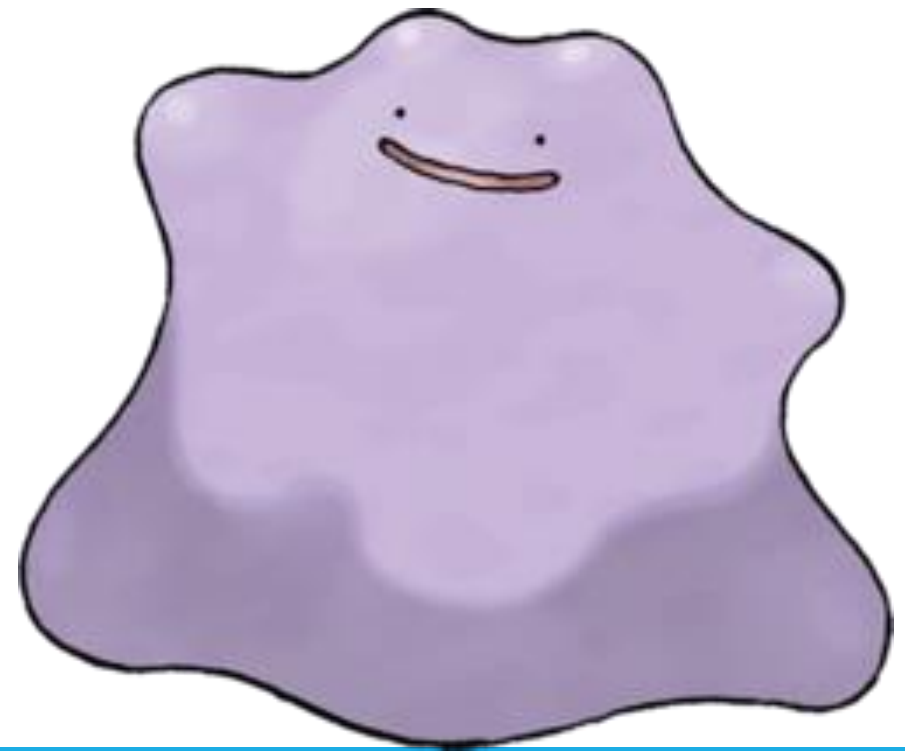
# e. Réflexion et Transmission

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

## Cas 3 : Extrémité fixe $\Leftrightarrow Z_2 = \infty$



**Réflexion totale avec changement de signe.**

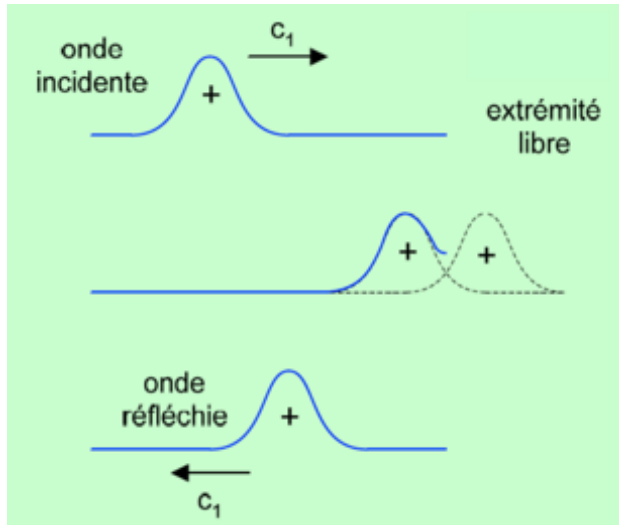




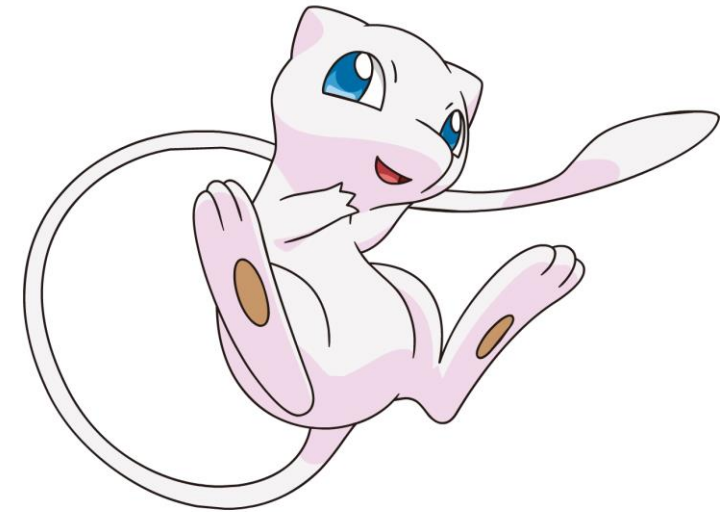
# e. Réflexion et Transmission

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

## Cas 4 : Extrémité libre $\Leftrightarrow Z_2 = 0$



**Réflexion totale sans changement de signe.**



## e. Réflexion et Transmission

$$r = \frac{A_r}{A_i} = \frac{Z_1 - Z_2}{Z_1 + Z_2}$$

Coef. Réflexion

$$t = \frac{A_t}{A_i} = \frac{2Z_1}{Z_1 + Z_2}$$

Coef. Transmission

Attention  $r$  est compris entre -1 et 1.

Si  $r < 0$  alors on a une réflexion avec changement de signe.

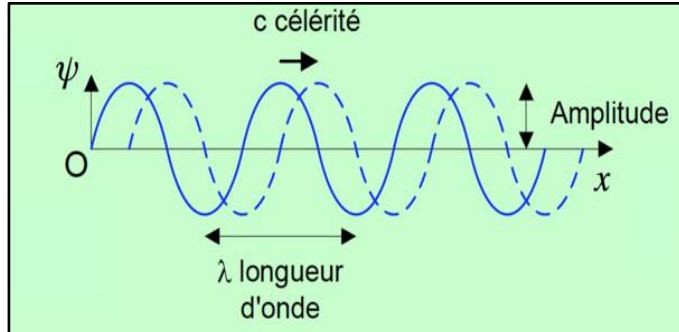
- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers



# f. Cas particuliers

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers

→ Les ondes progressives sinusoïdales



De pulsation :

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

Si changement d'impédance, la puissance change aussi

Elles possèdent une puissance :

$$P = \frac{1}{2} Z A^2 \omega^2$$



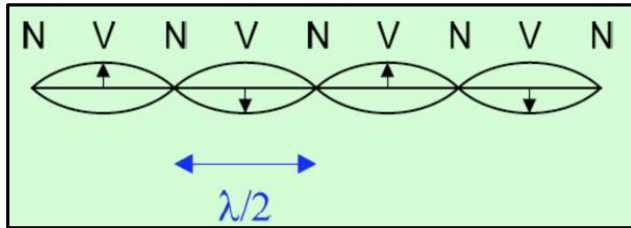
$$\frac{P_r}{P_i} = \left( \frac{Z_1 - Z_2}{Z_1 + Z_2} \right)^2$$

$$\frac{P_t}{P_i} = \frac{4Z_1 Z_2}{(Z_1 + Z_2)^2}$$

$P_r$  = Puissance réfléchie  
 $P_t$  = Puissance transmise  
 $P_i$  = Puissance incidente

## f. Cas particuliers

→ Les ondes stationnaires



Deux ondes sinusoïdales  
de même A et de sens  
opposé se rencontrent.

La longueur de la corde vérifie :

$$L = \lambda/2$$

Il y a différentes fréquences possibles en  
fonction des harmoniques :

$$f_n = \frac{nc}{2L} \\ = nf_1$$

- a. Introduction
- b. Vitesse de propagation
- c. Ondes progressives à 1D
- d. Impédance
- e. Réflexion / Transmission
- f. Cas particuliers



# INSTANT QCM SOCRATIVE





# QCM TIIIIME

Soit une corde de 4 mètres, de masse linéique  $\mu = 12 \text{ kg.m}^{-1}$ . A son bout une pokéball est tendue et exerce une tension  $T = 192 \text{ N}$ .

Quelle est la vitesse d'une onde parcourant la corde?

- A.  $48 \text{ m.s}^{-1}$
- B.  $4 \text{ m.s}^{-1}$
- C.  $1 \text{ m.s}^{-1}$
- D.  $8 \text{ m.s}^{-1}$
- E. Les propositions A, B, C et D sont fausses.



# QCM TIIIIME

Soit une corde de 4 mètres, de masse linéique  $\mu = 12 \text{ kg.m}^{-1}$ .  
A son bout une pokéball est tendue et exerce une tension  
 $T = 192 \text{ N}$ .

Quelle est la vitesse d'une onde parcourant la corde?

- A.  $48 \text{ m.s}^{-1}$
- B.  $4 \text{ m.s}^{-1}$
- C.  $1 \text{ m.s}^{-1}$
- D.  $8 \text{ m.s}^{-1}$
- E. Les propositions A, B, C et D sont fausses.

$$\begin{aligned} v &= \sqrt{\frac{T}{\mu}} \\ &= \sqrt{\frac{192}{12}} \\ &= \sqrt{16} \\ &= 4 \text{ m.s}^{-1} \end{aligned}$$

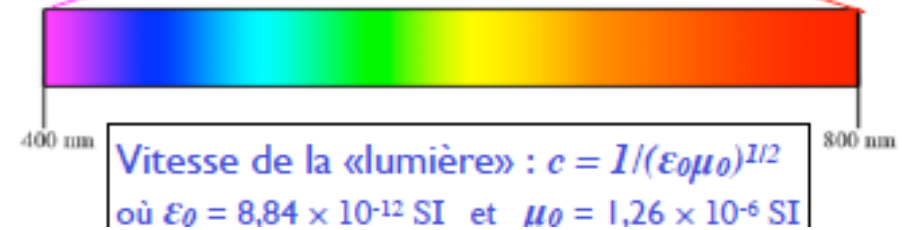
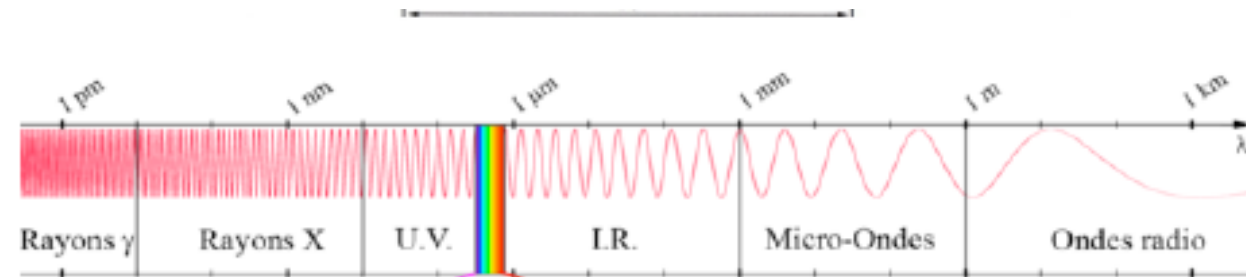
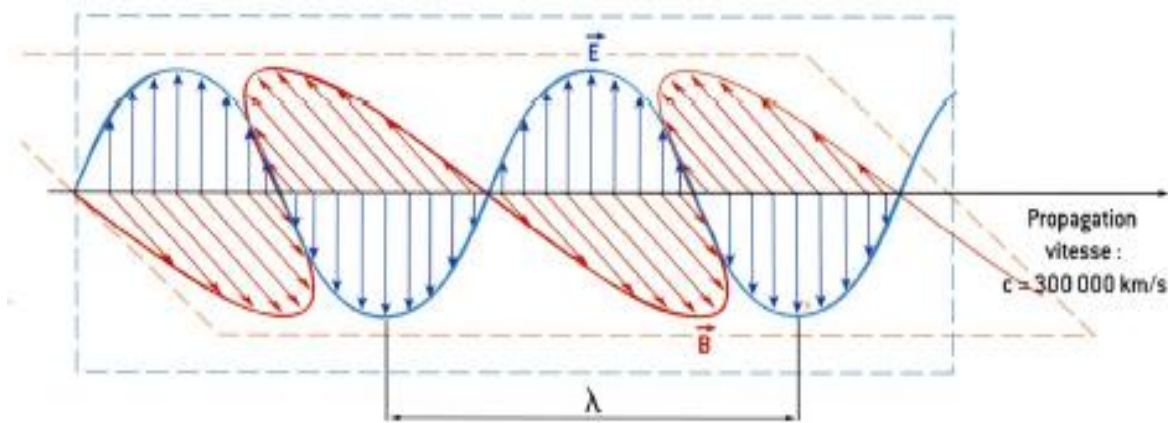


Ondes électromagnétiques / RMN

# LES ONDES ÉLECTROMAGNÉTIQUES

- a. Ondes électromagnétique
- b. Champ magnétique et moment magnétique
- c. Principe de la résonance magnétique nucléaire

Propagation du champ électrique ET magnétique.



# CHAMP / MOMENT MAGNETIQUE

## Champ magnétique ?

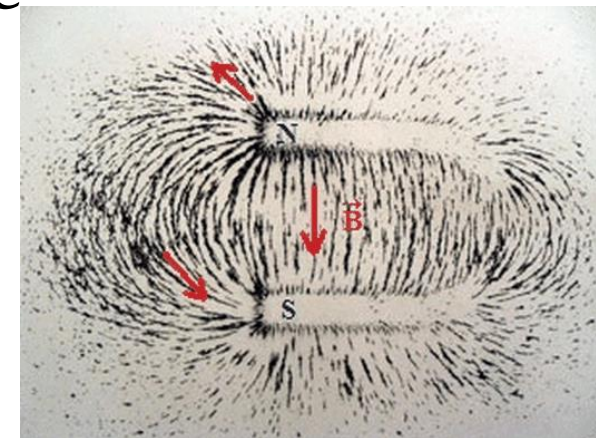
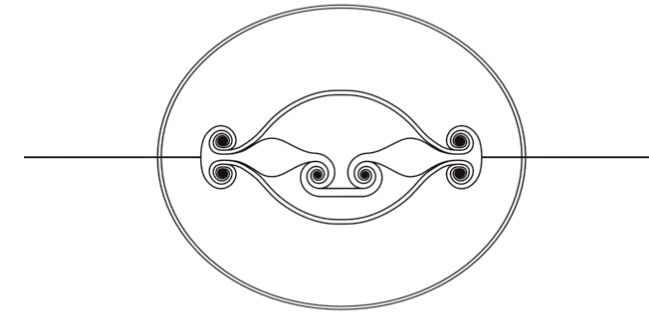
2 sources du CM :

- Aimant
- Bobine parcourue par un courant électrique

### Vecteur :

- Noté vecteur  $\vec{B}$
- **Direction** : celle d'une aiguille placée à côté d'une boussole
- **Norme** : valeur du champ magnétique

- a. Ondes électromagnétique
- b. Champ magnétique et moment magnétique
- c. Principe de la résonance magnétique nucléaire



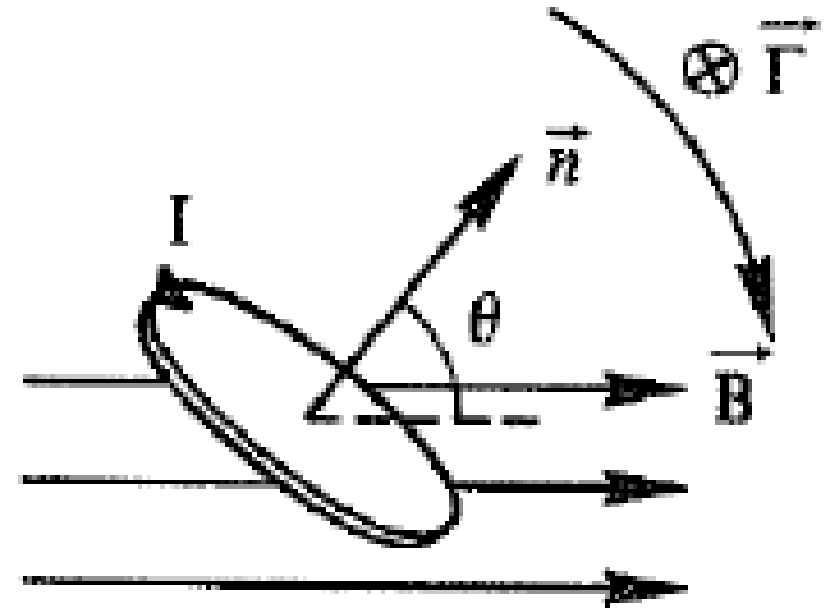
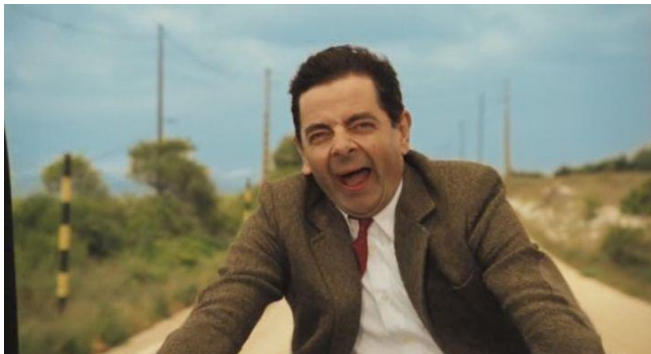


## Moment magnétique orbital :

- Boucle de courant de surface  $A$  et parcourue par un courant d'intensité  $I$  dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$
- On définit donc le moment magnétique  $\perp$  à la surface par :

$$\vec{\mu} = IA\hat{n}$$

- Couple :  $\vec{\Gamma} = \vec{\mu} \wedge \vec{B}$



a. Ondes électromagnétique  
b. Champ magnétique et moment magnétique  
c. Principe de la résonance magnétique nucléaire

## Moment magnétique orbital d'une particule chargée :

- Analogie avec la boucle de courant : charge  $q$ , de masse  $m$ , en mvt circulaire de rayon  $r$ , à la vitesse  $v$  autour de  $O$
- $\vec{\mu} = I\mathbf{A} = \frac{q}{2m} \vec{L}$  ou  $\vec{\mu}$ =moment magnétique et  $\vec{L}$  = moment cinétique

## Cas de l'électron :

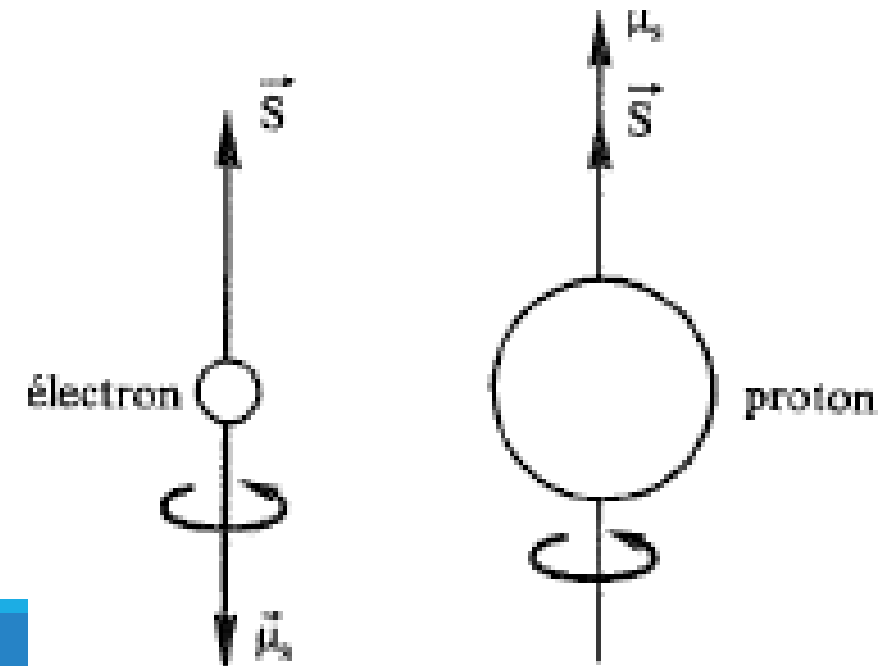
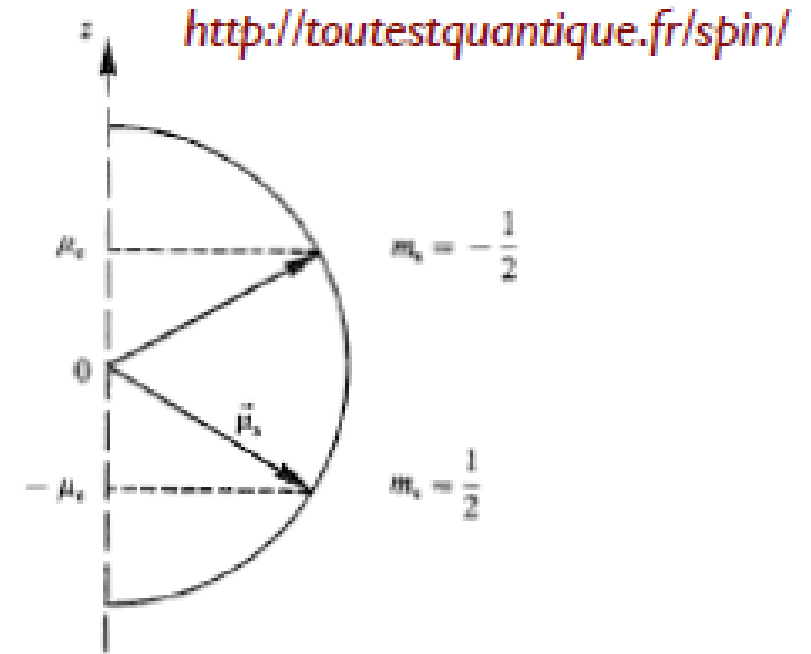
- Moment cinétique quantifiée (cf. cours physique quantique)
- Quantum de flux magnétique = magnéton de Bohr

Le magnéton de Bohr est la plus petite quantité observable de flux magnétique associé à cette particule

## Moment cinétique intrinsèque (spin) :

- Moment cinétique spin  $\vec{S}$  quantifié

## Moment magnétique intrinsèque quantifié :



## Dipôle magnétique dans un champ extérieur :

- Moment magnétique d'un noyau atomique :

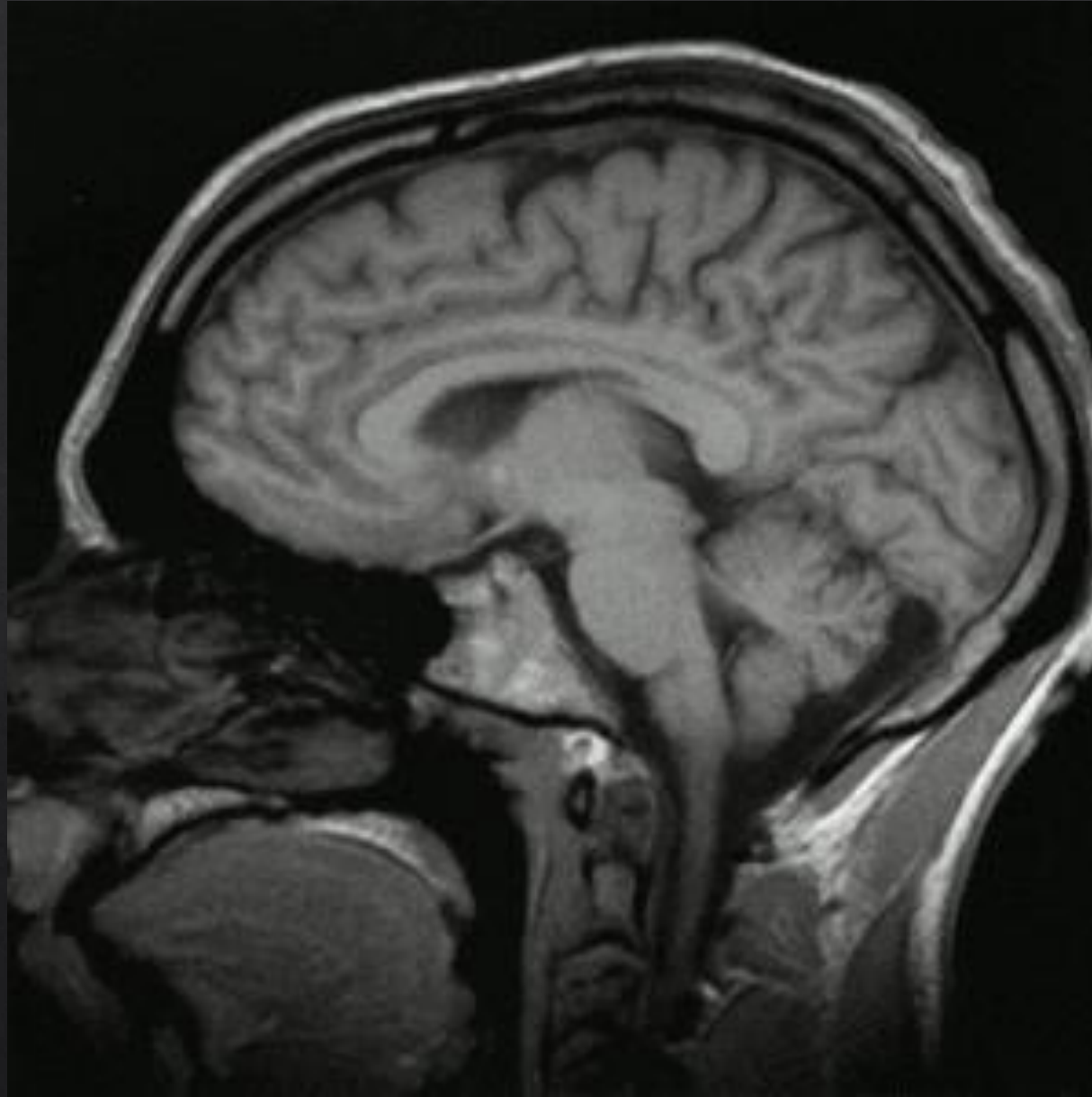
$$\mu(s) = \gamma \cdot \vec{J} \text{ où } \gamma \text{ est le rapport gyromagnétique}$$







# PRINCIPE DE LA RMN

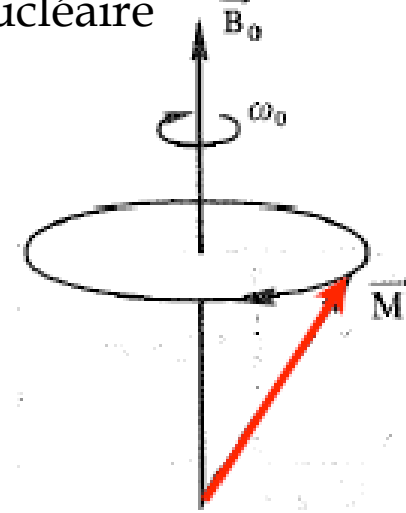


# PRINCIPE DE LA RMN

## 1. Application d'un champ magnétique $B_0$ :

- Moment magnétique macroscopique  $\vec{M}$ : résulte d'un ensemble de noyau animé d'un mvt de précession autour de  $\vec{B}_0$
- Vitesse angulaire :  $\omega_0 = \gamma B_0$
- A la fréquence de Larmor :  $\nu_0 = \frac{\omega_0}{2\pi}$

- a. Ondes électromagnétique
- b. Champ magnétique et moment magnétique
- c. Principe de la résonance magnétique nucléaire

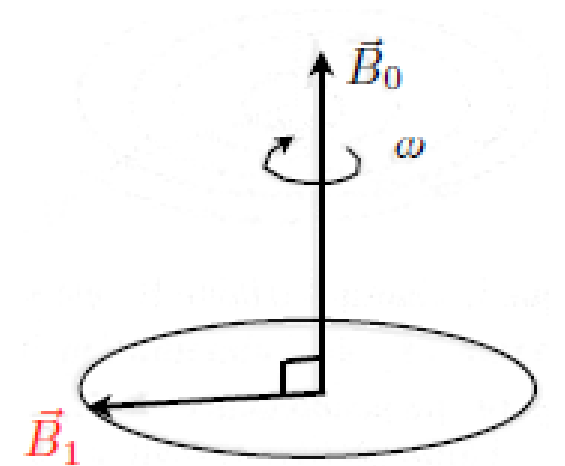


## 2. Application d'un champ magnétique $B_1$ :

- Faible par rapport à  $B_0$
- Tourne dans un plan perpendiculaire à une vitesse angulaire  $\omega$  **autour de  $B_0$  statique**



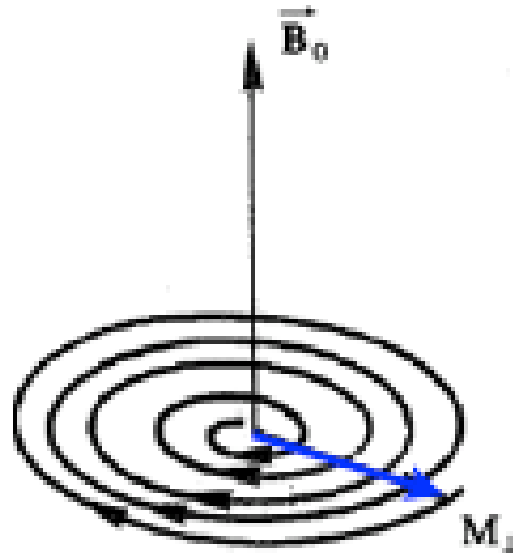
- a. Ondes électromagnétique
- b. Champ magnétique et moment magnétique
- c. Principe de la résonance magnétique nucléaire



### 3. Résonance :

- Lorsque  $\omega = \omega_0$
- Lorsque  $\nu = \nu_0$

Alors, il y a **précession** de  $M$  autour de  $\vec{B}_1$ , on dit que le champ tournant est en « **résonance** » avec l'aimantation



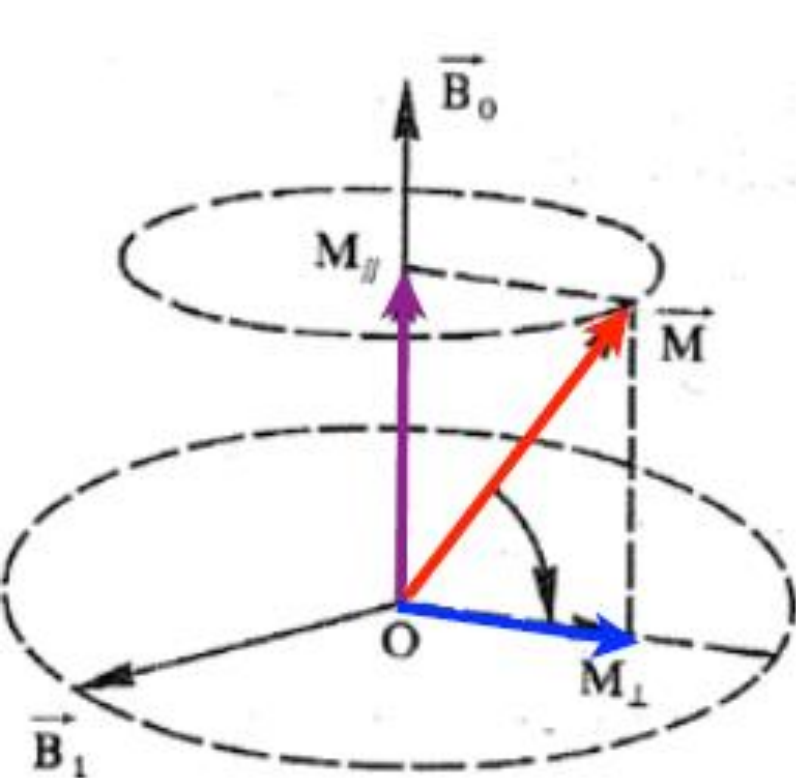
- a. Ondes électromagnétique
- b. Champ magnétique et moment magnétique
- c. Principe de la résonance magnétique nucléaire











## CLASSIQUE

$\vec{M}$  est décomposé en :

- $M_{\parallel}$  à la direction du champ statique  $B_0$
- $M_{\perp}$  à la direction du champ statique  $B_0$

A la résonnance :

- $M_{\parallel}$  diminue
- $M_{\perp}$  augmente

## QUANTIQUE

$B_1$  de fréquence  $\nu_0$  fait basculer les noyaux d'un état d'énergie vers un autre séparés par la valeur  $\Delta E = h \nu_0$

A la résonnance:

- La population des noyaux d'état d'énergie plus élevée va augmenter  
=> absorption d'énergie



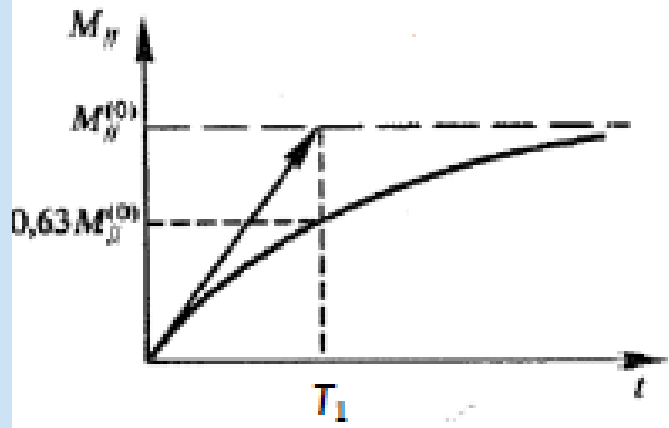
## Temps de relaxation:

- Après extinction de  $\vec{B}_1$ , les noyaux retournent à leur état d'équilibre en émettant le surplus d'énergie

Temps de relaxation Longitudinale - spin-réseau

$$M_{\parallel} = M_{\parallel}^{(0)} [1 - \exp(-t/T_1)]$$

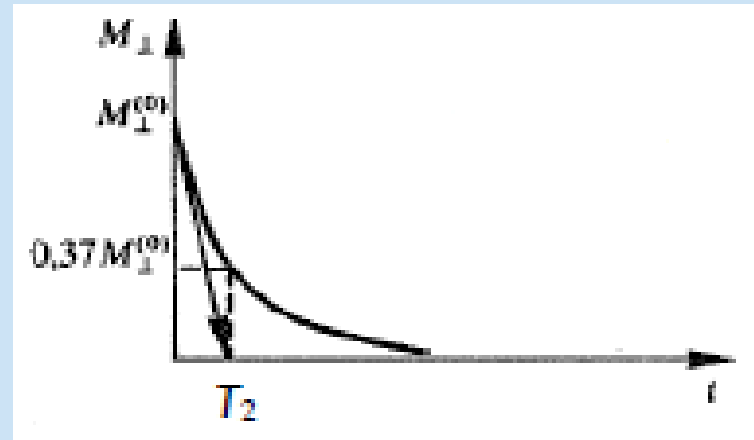
- Re-croissance de  $M_{\parallel}$
- Au temps  $T_1$ ,  $M_{\parallel} = 0,63 M_{\parallel}(0)$  de sa composante **FINALE**



Temps de relaxation transverse - spin-spin:

$$M_{\perp} = M_{\perp}^{(0)} \exp(-t/T_2)$$

- Dé-croissance de  $M_{\perp}$
- Au temps  $T_2$ ,  $M_{\perp} = 0,37 M_{\perp}(0)$  de sa composante **INITIALE**



# END

Leaving **DACES** like....

